

گرداہ اور دیگر اعضاء کے انتقال (Transplantation) اور پیوند کاری کا فقہی جائزہ

از: پروفیسر ڈاکٹر عبدالعزیز اچھزی
شعبہ اسلامیات، بلوچستان یونیورسٹی کوئٹہ

مرض اور شفاء لازم و ملزم ہیں، تعلیمات نبوی کے مطابق ”اللہ نے کوئی ایسی بیماری نہیں اتنا ری جس کے لئے اس نے شفاء ناصل نہ کی ہو۔“

شرط تلاش و جتو ہے۔ عصر حاضر کی ایک اہم بیماری انسانی اعضاء کا ناکارہ ہونا ہے، جس کا علاج میڈیکل سائنس نے پیوند کاری یا اڑانپلا نیشن کے ذریعے ممکن بنادیا ہے۔ یہ بات تو بالکل واضح ہے کہ انسانی اعضاء کی پیوند کاری، ان کی خرید و فروخت، ان کا عطیہ اور اس طرح کے بہت سے مسائل ایسے ہیں، جن کے بارے میں کتاب و سنت میں کوئی قطعی نص موجود نہیں ہے، اسی طرح تمام تر و معقول کے باوجود ہمارے فقہی سرمائے میں بھی صراحةً کے ساتھ ان کا ذکر موجود نہیں ہے اور اس کا سبب یہ ہے کہ زمانہ قدیم میں ان مسائل کا قطعاً کوئی وجود نہ تھا، بلکہ یہ مسائل تو عصر حاضر کی سائنس، ٹکنالوجی اور میڈیکل سائنس کی ترقی اور کریمہ سازی کے مر ہون منت ہیں۔

چونکہ ان مسائل سے متعلق کتاب و سنت اور کتب فقہ میں صریح احکام موجود نہیں ہیں، لہذا ان کے حل کے لئے اس طرح کی اجتہادی کوششیں ناگزیر ہیں، جس طرح ماضی میں بھی ہمارے اسلاف، ائمہ

گردو اور دیگر اعضاء کے انتقال

دین اور فقہاء نے اپنے اپنے دور کے مسائل کے حل کے لئے اجتہاد سے کام لیا تھا۔

ہمارے دین اسلام اور شریعت بیضاء نے انسانیت کی فلاج و بہبود کے لئے جن مقاصد کیلئے کو پیش نظر رکھا ہے، ان میں سے ایک اہم مقصد انسانی جان کی حفاظت کا اصول بھی ہے۔ اب اکیدہ ک اور سائینیفیک طور پر چونکہ یہ بات پایہ ثبوت کو پہنچ پھی ہے کہ اندر ہے پن کے مرض کا علاج قرینة کی پیوند کاری ہی سے ممکن ہے، یادوں تو گروں کے معطل ہونے کی صورت میں انسانی جان کو صرف اس طرح بچایا جاسکتا ہے کہ ایک گردو لے کر پیوند کر دیا جائے، لہذا اشرعی طور پر قرینة، گردو اور دیگر اعضاء کی پیوند کاری کے ذریعہ علاج جائز ہو گا، آنحضرت ﷺ نے خود بھی امراض کے ازالہ کے لئے علاج فرمایا اور مسلمانوں کو بھی امراض کے علاج کا حکم دیا۔

کسی انسان کا کوئی عضونا کا رہ ہو چکا ہو اور اس عضو کے عمل کو آئندہ جاری رکھنے کے لئے کسی تبادل کی ضرورت ہو تو اس ضرورت کو پورا کرنے کے لئے عموماً درج ذیل پانچ صورتوں میں سے ایک صورت اختیار کی جاتی ہے۔

۱۔ غیر حیوانی اجزاء کا استعمال۔

۲۔ ایسے جانوروں کے اجزاء کا استعمال جن کا کھانا شرعاً جائز ہے اور جو بطریقہ شرعی ذبح کئے گئے ہوں۔

۳۔ غیر ماکول اللحم یا ماکول اللحم مگر غیر مذبوح جانوروں کے اعضاء کا استعمال۔

۴۔ ایک انسان کے جسم کا ایک حصہ اسی انسان کے جسم میں استعمال کرنا۔

۵۔ کسی دوسرے انسان کے عضو کا استعمال۔

اب ذیل میں مذکورہ صورتوں کا فہری جائزہ پیش کیا جاتا ہے۔

۱۔ غیر حیوانی اجزاء کا استعمال:-

یہ صورت کہ انسان کے عضو کا بدل جمادات یا بباتات وغیرہ سے تلاش کیا

گرده اور دیگر اعضاء کے انتقال

جائے اور فنِ مہارت کے ذریعے اس کو کار آمد و مفید بنایا جائے، جیسے مصنوعی دانت، مصنوعی آله ساعت وغیرہ، یہ صورت زمانہ قدیم سے جاری ہے اور حال میں سائنسی ترقیات نے اس فن کو بہت آگے بڑھایا ہے، یہ صورت بالاتفاق جائز ہے، کیونکہ اس طرح کے مصنوعی اعضاء کا استعمال خود بعض صحابہ کرام رض نے رسول اللہ ﷺ کی اجازت سے کیا ہے، جیسا کہ روایت ہے کہ، حضرت عربجہ ابن سعد رض کی ناک دور جاہلیت کی ایک لڑائی (یوم الکلب) میں کٹ گئی تھی، انہوں نے چاندی کا ناک گلوایا تھا، لیکن اس میں کچھ بدبوسی پیدا ہو گئی تھی تو رسول اللہ ﷺ نے انہیں سونے کا ناک لگوانے کی اجازت دے دی (حاجت شدیدہ کی وجہ سے، ورنہ سونے کا استعمال مردوں کے لئے منوع ہے) ۲

اسی طرح طحاوی شریف میں سونے کے تاروں سے دانتوں کے باندھنے کا ذکر کیا گیا ہے اور لکھا ہے

”وَقَدْ رُوِيَّ عَنْ جَمَاعَةٍ مِّنَ الْمُتَقْدِمِينَ اِبْاحَةُ شَدِ الْاَسْنَانِ“

بالذہب“ ۳

قرآن حکیم میں اللہ تعالیٰ کا ارشاد ہے:

﴿هُوَ الَّذِي خَلَقَ لَكُمْ مَا فِي الْأَرْضِ جَمِيعًا﴾ ۴

ترجمہ:

”اللہ تعالیٰ نے تمام زمینی اشیاء تہارے استعمال کے لئے پیدا کی ہیں۔“ -

اس آیت اور اس مضمون کی دوسری آیات و احادیث کی روشنی میں فقہاء نے یہ قاعدہ بنایا ہے کہ:

الاصل فی الاشیاء الاباحة حتیٰ یدل الدلیل علی التحریرم“ ۵

ترجمہ:

یعنی چیزوں میں اصل حکم اباحت اور جواز کا ہے، جب تک قرآن و سنت میں ممانعت نہ آئی ہو۔

گرده اور دیگر اعضاء کے انتقال

مذکورہ بالا دلائل کی بناء پر فقهاء کے نزدیک غیر حیوانی اجزاء کا استعمال جائز ہے۔

۱- ماکول للحم جانوروں کے اجزاء کا استعمال: اعضاء کی پیوند کاری کی دوسری صورت

یہ ہے کہ ایسے جانوروں کے اعضاء کا استعمال کیا جائے، جن کا کھانا شرعاً جائز ہے اور جو بطریقہ شرعی ذبح کئے گئے ہوں، یہ صورت پہلی صورت کی طرح بالاتفاق جائز ہے، یہ مسئلہ فقہ کی عام کتابوں میں موجود ہے، نمونہ کے لئے چند عبارات ملاحظہ ہو۔

۲- تکمیلہ بحر الرائق میں ہے:

”وقال محمد في السير الكبير لا يأس بالتداوی بالعظم اذا كان عظيم

شاة او بقرة او بعير او فرس او غيره من الدواب“ ۷

ترجمہ:

”امام محمد نے سیر کبیر میں کہا ہے کہ ہڈی سے علاج کرنے میں کچھ حرث نہیں

ہے، جب کہ ہڈی بکری، گائے، اونٹ، گھوڑے یا دوسرے جانوروں کی ہو،“

۳- خلاصۃ الفتاوی میں ہے

”اذا سقط السن يأخذ سن شاة ذكية ويضعها مكانها“ کے

”جب دانت ٹوٹ کر گر جائے تو.... کسی ذبیحہ بکری کا دانت لے کر اس کی جگہ رکھ دے“

۴- شامی نے امام کرخی کا یہ قول نقل کیا ہے:

قال الکرخی اذا سقطت ثنية رجل يأخذ من شاة ذكية يشد مكانها ۸

ترجمہ:

”کرخی کہتے ہیں کہ اگر کسی شخص کے سامنے کے دانت جھٹر جائیں تو وہ مذبوح بکری کے دانت اس

کی جگہ لگائے۔“

مذکورہ عبارات سے معلوم ہوا کہ جس طرح پاک مصنوعی اعضاء کا استعمال شرعاً جائز ہے، ماکول

گرده اور دیگر اعضاء کے انتقال

اللحم مذبوح جانوروں کے اعضاء کا استعمال بھی کیا جاسکتا ہے، شرعاً اس میں کوئی مضاائقہ نہیں ہے۔

۳۔ غیر ماکول اللحم یا غیر مذبوح جانوروں کے اعضاء کا استعمال:-

تیری صورت یہ ہے کہ جب جان کی ہلاکت یا عضو کے ضائع ہونے کا قوی خطرہ ہو اور اس مطلوبہ عضو کا بدل صرف ایسے جانوروں میں ہی مل سکتا ہے، جن کا کھانا حرام ہے، یا حلال تو ہے لیکن بطریق شرعی ذبح نہیں کئے گئے ہیں، تو ایسی صورت میں ان غیر ماکول اللحم یا ماکول اللحم مگر غیر مذبوح جانوروں کے اعضاء کا استعمال جائز ہے، جیسا کہ فتاویٰ ہندیہ میں امام محمد کا یہ قول مذکور ہے:

فقد جوز التداوى بعظام ماسوى الخنزير والآدمى من الحيوانات مطلقاً
من غير فصل بينما اذا كان الحيوان ذكيا او ميتا وبينما اذا كان العظم رطبا
او يابسا^۹

”امام محمد نے سوائے آدمی و سور کی ہڈی کے سب حیوانات کی ہڈی سے دوا کرنا مطلقاً جائز کر دیا ہے، کوئی تفصیل اس کی نہ فرمائی کہ جانور مردار ہو یا ذبح کیا ہو اور ہڈی خشک ہو یا تر ہو۔“

فتاویٰ ہندیہ میں ہی یہ عبارت بھی موجود ہے کہ مشائخ حنفیہ کتے کی ہڈی کا استعمال بھی بطور علاج جائز سمجھتے ہیں:

واما عظم الكلاب فيجوز التداوى به هكذا قال مشائخنا^{۱۰}

”اور کتے کی ہڈی سے دوا کرنا جائز ہے، ایسا ہی ہمارے مشائخ نے فرمایا ہے“

خلاصہ یہ کہ اضطراری حالت میں ماکول اللحم وغیر ماکول اللحم ہر دونوں غیر مذبوح ہوں اور مضطر کے لئے کوئی تبادل شیء دستیاب نہ ہو سکے تو اس کے استعمال کرنے میں کوئی حرج نہیں اور جہاں تک کسی ناپاک جانور مثلاً سور وغیرہ کے اعضاء کے استعمال کا تعلق ہے تو اس بارے میں علامہ یوسف القرضاوی لکھتے ہیں:

”انہائی ناگزیر حالت میں اس کی اجازت دی جاسکتی ہے اور وہ بھی بقدر ضرورت

گرده اور دیگر اعضاء کے انتقال

- اسی طرح جس طرح انتہائی ناگزیر حالت میں اللہ تعالیٰ نے اس کے گوشت کو بقدر ضرورت حلال قرار دیا ہے، سور کی جو چیز حرام کی گئی ہے وہ ہے اس کا گوشت کھانا، جیسا کہ قرآن کی آیتوں سے پتا چلتا ہے، رہا اس کے اعضاء سے استفادہ کرنا، تو صراحت کے ساتھ کہیں بھی اس کی حرمت نہیں بیان کی گئی ہے..... اور جہاں تک اس کے عضو کے خس ہونے کا سوال ہے تو ہم کہہ سکتے ہیں کہ وہ نجاست قبل گرفت ہوتی ہے جو جسم کے باہری حصہ میں گلی ہوتی ہے، جسم کے اندر ورنی حصے میں تو پہلے ہی سے پیش اب، پاخانہ اور خون کی صورت میں بے شمار نجاست اور غلاظت بھری ہوتی ہے، اس لئے ہم کہہ سکتے ہیں کہ سور کے خس عضو کو بدن کے اندر ورنی حصے میں لگانا کوئی قبل اعلیٰ ارض بات نہیں ہونی چاہیے،^{۱۲}

- ایک انسان کے جسم کا جسم ای انسان کے جسم میں استعمال کرنا:- پیوند کاری کی چوتھی صورت یہ ہے کہ انسان کے جسم کا کوئی حصہ ای انسان کے جسم کے لئے استعمال کیا جائے، یعنی اپنا جزء اپنے ہی لئے استعمال کیا جائے، تو فہماء کے نزدیک شرعاً اس میں کوئی قباحت نہیں، جیسا کہ امام ابو یوسفؓ کا قول نقل کرتے ہوئے امام کاسانیؓ نے لکھا ہے کہ وہ کسی انسان کے لئے اس کے اپنے اور دوسرے کے دانت لگانے میں فرق کیا کرتے تھے، امام ابو یوسفؓ کا قول ہے:

الفصل له من وجهين أحدهما ان سن نفسه جزء منفصل للحال عنه
لكنه يحتمل أن يصير متصلة في الثاني بأن يلتئم فيشد بنفسه فيعود إلى
حالة الاولى وعاد جزء منفصل إلى مكانه ليلتئم جائز كما إذا انقطع شيء
من عضوه فأعاده إلى مكانه فانما سن غيره فلا يحتمل ذلك والثانى ان
استعمال جزء منفصل عن غيره من بنى آدم اهانة بذلك الغير
والآدمى بجمعـيـع أجزـاءـه مـكـرـمـ وـلـاهـانـةـ فـىـ استـعـمـالـ جـزـءـ نفسـهـ فـىـ
الـاعـادـةـ إـلـىـ مـكـانـهـ^{۱۳}۔

ترجمہ:

”دونوں میں فرق دو طرح سے ہے: اولاً اس طرح کہ اس کا دانت اس وقت اس سے الگ ہوا ہے، لیکن یہ اختال ہے کہ وہ دوسرے لمحے سے متصل ہو جائے، وہ اس طرح کہ وہ اس کو ملا لے اور خود ہی اس کو باندھ لے جس کی بناء پر سابقہ حالت لوٹ آئے اور کسی علیحدہ شدہ حصہ کو جوڑ لینا تاکہ وہ دوبارہ جڑ جائے، جائز ہے، جیسا کہ اگر اس کا کوئی ایک جزء کٹ گیا اور اس نے اس جزء کو اپنی جگہ دوبارہ لگالیا تو جائز ہے، جبکہ دوسرے کے دانت میں اس کا اختال نہیں ہے۔ دوسرافریق یہ ہے کہ دوسرے انسان کے الگ شدہ حصے کا استعمال کرنا دوسرے شخص کی اہانت ہے، حالانکہ انسان اپنے تمام اعضاء سمیت باعث تعظیم و تکریم ہے اور انسان کے اپنے حصے کو دوبارہ لگایں میں کوئی حرخ نہیں ہے۔“

مذکورہ عبارات سے ثابت ہوا کہ خود اپنے جسم میں اپنے جسم ہی سے پیوند کاری کرنے میں کوئی مضائقہ نہیں ہے۔

عصر حاضر میں پیوند کاری سے متعلق مذکورہ بالا چار صورتوں کے جواز پر تمام فقهاء کے درمیان تقریباً اتفاق پایا جاتا ہے۔

۵۔ ایک انسان کا عضو دوسرے انسان کے لئے استعمال کرنا:-

اعضاء کی پیوند کاری اور انتقال کی اہم صورت اور اصل مسئلہ جس کے بارے میں فقهاء کے درمیان اختلاف پایا جاتا ہے، یہ ہے کہ ایک انسان کا عضو دوسرے انسان کے لئے استعمال کیا جائے، جیسا کہ آنکھوں، پصیپھڑوں، گردوں اور قلب وغیرہ کے لئے ہوا کرتا ہے۔ عام طور پر ہمارے علماء کا رجحان اس کے ناجائز ہونے کی طرف ہے، لیکن اس مسئلہ کا ایک اہم پہلو یہ ہے کہ اگر ایک شخص جس کے دو گردے کا رگرہوں اور ایک ہی گرددہ اس کے لئے کافی ہو جاتا ہو، تو کیا اس کے لئے یہ گنجائش نہ ہوگی کہ وہ اپنے ایک تحفظ کر سکتا ہو، جس کے پاس ایک گرددہ بھی کام کانہ ہو، تو کیا اس کے لئے یہ گنجائش نہ ہوگی کہ وہ اپنے ایک

گرده سے اپنے بھائی کی جان بچالے، یا اگر ایک شخص جو اپنی جان دے رہا ہے وہ اپنی آنکھ کسی دوسرے نبینا کو ہبہ کر دے، جس سے اس کو بینائی زندگی بھر حاصل ہو جائے، اسلام کی مجموعی تعلیمات سے اندازہ ہوتا ہے کہ وہ اس قسم کے ایثار و اعانت کو پسندیدگی کی نظر سے دیکھتا ہے، جیسا کہ ڈاکٹر یوسف القرضاوی لکھتے ہیں:

”اسلامی شریعت کا اصول یہ ہے کہ بعد رامکان کسی کی مصیبت کو دور کرنے کی کوشش کی جائے، جبھی تو بھوکوں کو کھانا کھلانا، قیدیوں کو رہائی دلانا، مریض کا علاج کرنا اور مرتے ہوئے شخص کی جان بچانا شریعت کی نظر میں بڑے نیک اعمال ہیں۔ کسی مسلم کو یہ بات زیب نہیں دیتی کہ کسی شخص کو مصیبت میں دیکھئے اور اس کی مدد نہ کرے، اس بناء پر ہم کہہ سکتے ہیں کہ اگر کسی مریض کو کسی انسانی عضو کی اتنی شدید ضرورت ہے کہ اس کے بغیر اس کا زندہ رہنا مشکل ہے، مثلاً یہ کہ اس کا گرده ناکارہ ہو جائے اور اسے گردنے کی شدید ضرورت ہے تو ایسی صورت میں کوئی شخص اپنے دو گروں میں سے ایک گردے کا عطیہ دے کر اس کی جان بچالے، تو اس کا یہ عمل باعث اجر و ثواب ہے، اگر مال و دولت کا عطیہ باعث اجر و ثواب ہے تو انسانی عضو کا عطیہ اس بھی بڑھ کر کارثوں ہے، کیوں کہ مال کے بغیر محتاج انسان مرنہیں جائے گا، لیکن اس عضو کے بغیر اس کی زندگی ختم ہو سکتی ہے، البتہ انسانی عضو کا عطیہ کرنا چند شرطوں کے ساتھ جائز ہے۔

۱۔ کسی ایسے عضو کا عطیہ جائز نہیں ہے جو جسم میں ایک ہی عدہ ہو، مثلاً دل، کیوں کہ اس کا عطیہ دینے کے بعد انسان کے لئے زندہ رہنا ممکن نہیں ہے۔

۲۔ اسی طرح کسی ظاہری عضو کا عطیہ دینا جائز نہیں ہے، مثلاً ہاتھ، پیر، آنکھ وغیرہ۔

۳۔ عطیہ دینے سے اگر بیوی اور بال بکوں میں سے کسی کو نقصان ہو رہا ہو، تو ایسی صورت میں عطیہ دینا جائز نہیں ہے۔

گرددہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

۳۔ عضو کا عطیہ کرنے والا عاقل و بالغ ہو۔^{۳۱}

ایک انسان کا عضود و سرے انسان میں لگانے کے جواز پر کوئی نص موجود نہیں ہے، اس لئے یہ ایک اجتہادی مسئلہ ہے، اس مسئلے میں تحقیق و اجتہاد کا درود مدار صرف فقہی قواعد پر ہے، جو صوص سے مستنبط ہیں اور یہاں جن قواعد کا اس مسئلے پر انطباق ہو سکتا ہے، وہ درج ذیل ہیں۔

الضرورات تبیح المحضرات^{۳۲}

”ضرورتیں ناجائز چیزوں کو جائز بنا دیتی ہیں“

فقہاء کے نزدیک ”ضرورت“ سے مراد مطلق حاجت اور تکلیف نہیں ہے، بلکہ اس سے مراد اضطرار اور بے بھی کی وہ حالت ہے کہ اگر ایک انسان نے کسی منوع چیز کو استعمال نہ کیا تو وہ مر جائے گا یا قریب الموت ہو جائے گا اور ”حاجت“ اس حالت کو کہا جاتا ہے جس میں انسان کے مرنے یا قریب الموت ہونے کا خطرہ تو نہ ہو، لیکن وہ تکلیف اور پریشانی میں بتلا ہو، جیسا کہ علامہ حموی نے فتح المدیر کے حوالہ سے نقل کیا ہے:

”فالضرورة: بلوغه حدًا ان لم يتناول الممنوع، هلك أو قارب، وهذا يبيح تناول الحرام، والجاجة: كالجائع الذي لو لم يجد ما يأكله لم يهلك غير الله يكون في جهد ومشقة“^{۳۳}

مذکورہ قاعدے کی بنیاد پر اعضاء کی پیوند کاری کی اجازت دی جاسکتی ہے، بشرطیکہ تبادل دستیاب نہ ہو اور ڈاکٹر کی رائے میں اس پیوند کاری کی کامیابی اور مریض کی صحت یا بیکا ”طن غالب ہو“ انسانی اعضاء کی پیوند کاری سے متعلق دوسری قاعدہ یہ ہے کہ:

”اذ اتعارض مفسدتان رُوِيَ اعظمها ضراراً بارتکاب اخفهمما“^{۳۴}

ترجمہ:

”جب دو خرابیوں کے درمیان تعارض ہو تو زیادہ نقصان دہ خرابی سے بچنے کے لئے کم تر خرابی کو

اختیار کیا جائے گا۔

فقہاء نے اس قاعدے کا انطباق مختلف مسائل پر کیا ہے، مثلاً اگر کسی حاملہ میت کے بچے کی زندگی کا غالب گمان ہو تو اس کے پیٹ کو چاک کر کے بچہ کو نکالا جا سکتا ہے، کیونکہ زندہ انسان کی جان بچانے کے لئے لاش کی بے حرمتی برداشت کی جاسکتی ہے، کیونکہ زندہ انسان کا مر جانا بڑا نقصان ہے اور لاش کے پیٹ کو چاک کرنا اس کے مقابلے میں کم تر نقصان ہے، اس لئے مذکورہ شرعی قاعدے کی روشنی میں اس نقصان کو برداشت کر لینا چاہئے۔

اسی طرح مذکورہ مسئلے پر اس قاعدہ کا انطباق اس طرح کیا جاسکتا ہے کہ مریض کا مر جانا بڑا نقصان ہے اور میت کے عضو کو کاث کر مریض کے جسم میں لگانا نبتاً کم خرابی ہے، اس لئے بڑے نقصان سے بچنے کے لئے میت کی بے حرمتی کو برداشت کر لینا چاہیے، بشرطیہ تبادل موجود ہے اور مریض کے بچنے کی قوی امید ہو، جس طرح بچے کی زندگی بچانے کے لئے اس کی مردہ ماں کا پیٹ چاک کرنے کی بے حرمتی برداشت کی جاتی ہے۔ ۱۸

تمیرا قاعدہ جس کی بنیاد پر اعضاء کی پیوند کاری کا جواز بتاتا ہے، یہ ہے کہ:

”المشقة تجلب التيسير“ ۱۹

”مشقت آسانی کو لاتی ہے“، یعنی مشکلات سہولت کا سبب ہو جاتی ہیں اور تنگی کے موقعہ پر توسعہ دی جاتی ہے

مذکورہ بالا قواعد اور ان جیسے دوسرے فقہی قواعد کی بناء پر اضطراری حالت میں بقدر ضرورت انسانی اعضاء کی پیوند کاری کا عمل جائز ہو گا۔

جن لوگوں نے اعضاء کی پیوند کاری سے منع کیا ہے، گو انہوں نے اس کے مختلف اسباب بیان کئے ہیں، مگر اصل سبب جوان کے پیش نظر ہے، وہ انسانی حرمت و کرامت کا تحفظ ہے، اکثر فقہاء نے انسانی اجزاء سے انفصال کو اس لئے منع کیا ہے کہ انسانی متاع خرید و فروخت نہ بن جائے، یہ اس کی شان و تکریم کے خلاف ہے، جیسا کہ بحراں اقل میں ہے:

گردو اور دیگر اعضاء کے انتقال

و شعر الانسان والانتفاع به ای لم یجز بیعہ، والانتفاع به لان الادمی مکرم غیر
مبتدل فلا یجوز ان یکون شیء من اجزاءه مهاناً مبتدلاً^{۲۰}

ترجمہ:

”انسان کے بال سے نہ انتفاع جائز ہے، نہ اس کی بیج جائز ہے، اس لئے کہ آدمی مکرم ہے نہ کہ
قابل صرف کوئی چیز، پس نہیں چاہیے کہ اس کے اجزاء میں سے کسی بھی جزء کو ذیل کیا جائے اور اس
کو استعمال کیا جائے“

اس عبارت سے ثابت ہوتا ہے کہ انسانی اعضاء سے انتفاع کی ممانعت اس زمانے میں اس لئے تھی
کہ اس سے انسان کی توہین تصور کیا جاتا تھا اور اس دور میں ایسے طریقے بھی راجح نہیں ہوئے تھے کہ
شائعہ طور پر انسانی اجزاء سے انتفاع کیا جاسکے، جبکہ ہمارے زمانے میں اس عمل کو انسان کی توہین نہیں
سمجھا جاتا تھا، اگر کوئی شخص اپنا عضو کسی اور کو دے دے، تو نہ وہ خود اپنی اہانت کا احساس کرتا ہے، نہ لوگ
ایسا محسوس کرتے ہیں، بلکہ اس کی قدر و منزلت میں اضافہ ہو جاتا ہے، اس لئے بڑے بڑے قائدین
اور زعماء اپنے اعضاء کے سلسلے میں اس قسم کی وصیت کر جاتے ہیں اور یہ چیزان کے لئے نیک نامی کا
باعث ہوتی ہے اور انسانیت نوازی سمجھی جاتی ہے۔ ایک انسان کے جسم کا خون دوسرے انسان کے جسم
میں منتقل کیا جاسکتا ہے، اب اس پر قریب قریب اتفاق ہو چکا ہے، حالانکہ جزء انسانی سے انتفاع کو مطلقاً
توہین انسانی باور کیا جائے تو اسے بھی ناجائز ہونا چاہیے کہ جزء انسانی ہونے میں دونوں کی حیثیت یکسان
ہے۔^{۲۱}

مفہی کفایت اللہ گوا اعضاء کی پیوند کاری کو درست نہیں سمجھتے، تاہم وہ بھی مطلقاً اجزاء سے انتفاع
کو حرام نہیں کہتے ہیں اور اس کو تسلیم کرتے ہیں کہ کبھی اجزاء انسانی کا استعمال ایسا بھی ہو سکتا ہے جو متنزہ
اہانت نہ ہو، وہ لکھتے ہیں:

”یہ شبہ کہ انسان کے اجزاء کا استعمال ناجائز ہے، اس لئے وارد نہ ہونا چاہیے کہ استعمال کی
صورت میں متنزہ اہانت ہو، وہ ناجائز ہے اور جس میں اہانت نہ ہو تو بضرورت وہ استعمال

گردوہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

نا جائز نہیں، جیسے رسول اللہ ﷺ کے موئے مبارک کو پانی میں دھو کر وہ پانی مریض پہ چھڑ کا

یا پلاپا جاتا تھا۔^{۲۲}

پس چونکہ موجودہ زمانے میں اجزاء انسانی سے اتفاق کے ایسے طریقے ایجاد ہو گئے ہیں جو مستلزم اہانت نہیں ہیں اور نہ عرف میں ان کو اہانت سمجھا جاتا ہے، اس لئے اصولی طور پر ان کو درست اور جائز ہونا چاہیے۔

پہلے بھی گزر چکا ہے کہ انسانی جان کے تحفظ اور بقاء کے لئے قابل احترام چیزوں کی اہانت قبول کی جاسکتی ہے، مثلاً جب کوئی حاملہ مر جائے اور اس کے پیٹ میں بچ ہو جو حرکت کرتا ہو، تو فقہاء نے عورت کے آپریشن کی اجازت دی ہے اور استدلال یہ کیا ہے کہ یہاں تعظیم میت کو ایک زندہ نفس کی بقاء کے لئے ترک کیا جا رہا ہے، جیسا کہ بحر الرائق میں ہے:

”لَنْ ذُلْكَ تَسْبِيبٌ فِي أَحْيَاءِ نُفُسٍ مُحْتَرِمَةٍ بَتْرُكٌ تَعْظِيمُ الْمَيْتِ

فالاحیاء اولیٰ“^{۲۳}

اور یہاں بھی چونکہ ایک انسانی جان کے تحفظ اور بقاء کا سوال ہے اس لئے پیوند کاری جائز ہے۔ زندہ انسانوں کے عضو کی منتقلی میں البتہ یہ شبہ پیدا ہوتا ہے کہ فقہاء نے مکرہ کے لئے اس کو جائز قرار نہیں دیا ہے کہ وہ کسی شخص کی اجازت سے بھی اس کے جسم سے کچھ حصہ کاٹ کھائے، جیسا کہ علامہ کاسانی لکھتے ہیں:

”وَإِمَّا لِنَوْعِ الدُّرْ لَا يَبْأَحُ وَلَا يَرْخُصُ بِالاَكْرَاهِ اَصْلًا فَهُوَ قَتْلُ الْمُسْلِمِ بِغَيْرِ
حَقٍّ لَا يَحْتَمِلُ الابَاحَةُ بِحَالٍ..... وَكَذَا قَطْعُ عَضْوٍ مِنْ اعْضَائِهِ... وَلَوْاَذْنُ لَهُ
الْمُكَرَّهُ عَلَيْهِ فَقَالَ لِلْمُكَرَّهِ افْعُلْ لَا يَبْأَحُ لَهُ اَنْ يَفْعُلُ“^{۲۴}

ترجمہ

”بہر حال وہ فرع جو مباح نہیں ہے اور نہ اکراہ کی وجہ سے اس میں کسی بھی صورت میں رخصت دی جاتی ہے تو وہ فرع ناجائز کسی مسلمان کو قتل کرنا ہے، چاہے اکراہ ناقص ہو یا تمام..... اور ایسے ہی انسان

گرداہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

کے اعضاء میں سے کسی عضو کو کاشنا... اگرچہ مکرہ علیہ اسے اجازت دیتے ہوئے کہہ دے کہ کاش لو تو کاشنا اس کے لئے جائز نہیں ہوگا،“

اس لئے اگر منے والے کے اعضاء کی پیوند کاری کو جائز بھی قرار دیا جائے تو بھی اس بات کو جائز نہیں ہونا چاہیے کہ زندہ شخص کا عضود و سرے شخص کو منتقل کیا جائے، گو خود اس پر رضامند ہو، لیکن اگر ہم فقہاء کی اس طرح کی تعبیر کو موجودہ زمانہ کی تحقیق اور اکتشاف کے ناظر میں دیکھیں تو معلوم ہوگا کہ پیوند کاری کے طریقہ میں ہلاکت یا ضرر کا کوئی اندیشہ نہیں، اس لئے جب یہ عمل محفوظ طریقہ پر انجام دیا جائے اور عضو کا عطیہ دینے والا خود اس پر بغیر کسی زبردستی رضامند بھی ہے تو اس کو درست ہونا چاہیے۔

اس مسئلہ میں مسلمانوں اور کافر کے اعضاء میں استحباب کے درجہ میں تفریق ہوتا درست ہے، یعنی بہتر ہے کہ ایک مسلمان کے جسم میں دوسرے مسلمان کے عضو کی پیوند کاری ہو، مگر اس کو شرط کا درجہ دینا درست نظر نہیں آتا، دو دھپلانے والی عورت کے متعلق سرخی کا بیان ہے:

ولابأس بان يستاجر المسلم الظاهر الكافرة والتي قد ولت من الفجور
لان خبت الكفر في اعتقادهادون لبنيها ۲۵

ترجمہ:

”اس میں کوئی حرج نہیں کہ کوئی مسلم دو دھپلانے والی کافر عورت کو اجرت پر رکھے، یا ایسی عورت کو جو فاجر ہو، کیونکہ کفر کی خباثت اس کے اعتقاد میں ہوتی ہے، دو دھپل میں نہیں،“

اسی طرح علامہ یوسف القرضاوی لکھتے ہیں:

”غیر مسلم شخص کے عضو کی مسلم شخص کے بدن میں پیوند کاری بالکل جائز اور درست ہے، کیونکہ انسان کے اعضاء مسلم یا کافر نہیں ہوتے اور قرآن کی آیت کہ ﴿إِنَّمَا الْمُشْرِكُونَ نَجَسٌ﴾ ۲۶ ”مشرکین نجس اور ناپاک ہیں“ اس آیت میں نجاست سے مراد ظاہری اور جسمانی نجاست نہیں ہے، بلکہ روحانی اور مصنوعی نجاست ہے،“ ۲۷

گروہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

رابطہ عالم اسلامی مکہ مکرمہ کی اسلامک اکیڈمی نے اعضاء کی پیوند کاری سے متعلق درج ذیل فیصلہ کیا تھا:

”کسی زندہ انسان کے جسم سے کوئی عضو لینا اور اسے دوسرے انسان میں لگادینا جو اس کا ضرورت مند ہو، اپنی زندگی بچانے کے لئے یا اپنے بیوی دی اعضاء کے عمل میں سے کسی عمل کو واپس لانے کے لئے جائز عمل ہے، جو عضو دینے والے کی نسبت سے کرامت انسانی کے منافی نہیں ہے، دوسری طرف عضو لینے والے کے حق میں نیک تعاون اور بڑی مصلحت کا کام ہے جو ایک مشروع اور قابل تعریف عمل ہے، پر طبیعہ درج ذیل شرائط موجود ہوں:

۱۔ عضو کے لینے سے اس کی عام زندگی کو نقصان پہنچانے والا ضرر نہ لاحق ہوتا

ہو، کیونکہ شریعت کا اصول ہے کہ کسی نقصان کے ازالہ کے لئے اسی جیسے یا اس سے بڑے نقصان کو گوار نہیں کیا جائے گا اور چونکہ ایسی صورت میں عضو کی پیشکش اپنے آپ کو بلاکت میں ڈالنے کے مراد ف ہو گا، جو شرعاً ناجائز ہے۔

۲۔ عضو دینے والے رضا کار نے اپنی خواہش سے اور بغیر کسی دباؤ کے دیا ہو۔

۳۔ ضرورت مند مریض کے علاج کے لئے عضو کی پیوند کاری ہی طبق نظر سے تنہا ممکن ذریعہ رہ گیا ہو۔

۴۔ عضو لینے اور عضو لگانے کے عمل کی کامیابی غالباً یاداً یقینی ہو،^{۲۸}

مجمع الفقه الاسلامی الہند کا اس بارے میں درج ذیل فیصلہ ہے:

”اگر کوئی مریض ایسی حالت میں پہنچ جائے کہ اس کا کوئی عضو اس طرح بے کار ہو کر رہ گیا ہے کہ اگر اس عضو کی جگہ کسی دوسرے انسان کا عضو اس کے جسم میں پیوند نہ کیا جائے تو توی خطرہ ہے کہ اس کی جان چلی جائے گی اور سوائے انسانی عضو کے کوئی دوسرا متبادل اس کی کو پورا نہیں کر سکتا اور ماہر قابل اعتماد اطباء کو یقین ہے کہ سوائے عضوانسانی کی پیوند کاری

گرددہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

کے کوئی کوئی راستہ اس کی جان بچانے کا نہیں ہے اور عضوانسانی کی پیوند کاری کی صورت میں ماہراطباء کو نئی غالب ہے کہ اس کی جان فتح جائے گی اور تبادل عضوانسانی اس مریض کے لئے فراہم ہے، تو ایسی ضرورت، مجبوری اور بے کسی کے عالم میں عضوانسانی کی پیوند کاری کر کر اپنی جان بچانے کی تدبیر کرنا مریض کے لئے مباح ہو گا۔

اگر کوئی تدرست شخص ماہراطباء کی روشنی میں اس نتیجہ پر پہنچتا ہے کہ اگر اس کے دو گروں میں سے ایک گرددہ نکال لیا جائے تو بظاہر اس کی صحت پر کوئی اثر نہیں پڑے گا اور وہ اپنے رشتہ مریض کو اس حال میں دیکھتا ہے کہ اس کا خراب گرددہ اگر نہیں بدلا گیا تو بظاہر حال اس کی موت قیینی ہے اور اس کا کوئی تبادل موجود نہیں ہے تو ایسی حالت میں اس کے لئے جائز ہو گا کہ وہ بلا قیمت اپنا ایک گرددہ اس مریض کو دے کر اس کی جان بچالے۔^{۲۹}

اسی طرح ملائیشا میں ایک بین الاقوامی کانفرنس منعقد ہوئی تھی، جس نے اعضاء کی پیوند کاری کے مسئلے پر بحث کرنے کے لئے ایک کمیٹی بنائی تھی، اس کمیٹی نے یہ رائے قائم کی کہ اعضاء کی پیوند کاری کا عمل جائز تو ہے مگر اس کے لئے درج ذیل شرائط ہیں۔

۱۔ پہلی شرط یہ ہے کہ مریض اضطراری حالت میں ہو اور اس کی زندگی بظاہر اس عمل سے فتح سکتی ہو اور کوئی دوسرا تبادل علاج موجود نہ ہو۔

۲۔ دوسری شرط یہ ہے کہ جسم سے دل یا دوسرا ایسا عضولیا جا رہا ہو، جس کے بغیر وہ طبی اصول کے مطابق زندہ نہ رہ سکتا ہو، تو اس صورت میں ضروری ہے کہ مریض کی موت کا یقین حاصل کر لیا جائے۔

۳۔ تیسرا شرط یہ ہے کہ اس بات کا یقین اور احتیاطی تدبیر کا علم حاصل کر لیا جائے کہ اعضاء کی پیوند کاری کا یہ عمل انسانوں کے قتل یا انسانی اعضاء کی تجارت اور کاروبار کا ذریعہ نہیں بنے گا۔

گرده اور دیگر اعضاء کے انتقال

۲۔ اور چوتھی شرط یہ ہے کہ میت کے وارثوں کی رضامندی حاصل کر لی گئی ہو یا مرنے والے نے وصیت کی ہو کہ میرے جسم کا فلاں عضو لے لیا جائے۔^{۳۲}

مفتی نظام الدین الاعظمی مفتی دارالعلوم دیوبند لکھتے ہیں:

”اگر اضطراری صورت ایسی ہو جائے کہ احتشاء جسم (اندرون جسم) میں مثلاً گرده، پھیپھڑا، جگر، دل وغیرہ میں سے کوئی اس درجہ خراب ہو جائے کہ اس کو نکال کر اس کی جگہ دوسرا لگانا ضروری ہو جائے اور ماہر معالجوں کے نزدیک جانبی کے لئے اور زندگی بچانے کے لئے اس عمل کے بغیر چارہ نہ رہے، بلکہ یہی عمل متعین ہو جائے اور صحیت و ابقاء زندگی کا گمان غالب حاصل رہے تو اس اضطراری حالت میں جان باقی رکھنے کے لئے اس عمل کے بعد اضطراری گنجائش ہو سکے گی، پھر بھی یہ کوشش لازم ضروری رہے گی کہ بجائے انسانی عضو کے کسی جانور کا عضو اور وہ بھی ماکول الحرم جانور کے عضو سے کام چل سکے تو صرف اسی عضو سے کام لیا جائے۔“^{۳۳}

جو علماء اور ماہرین اعضاء کی پیوند کاری کے عدم جواز کے قائل ہیں ان کے سامنے یہ پہلو بھی ہے کہ اگر یہ طریقہ عام ہو جائے اور اس کا شرعی جواز بھی فراہم کر دیا جائے تو انسانی لاشیں مال تجارت بن جائے گی، انسانی اعضاء کا بڑے پیمانے پر کاروبار شروع ہو جائے گا اور انسانیت و آدمیت کی کرامت ختم ہو کر رہ جائے گی، نفس پرستی اور خود غرضی کے اس دور میں یہ بھی بعد نہیں ہے کہ کچھ لوگ اپنی عیاشی اور خود غرضی کے لئے غربیوں اور ان کے بچوں کی زندگی سے کھلنا شروع کر دیں اور یہ بھی ممکن ہے کہ کچھ لوگ اپنی غربت اور مغلوک الحالی کی وجہ سے اپنے رشتہ داروں کی لاشیں فروخت کرنا شروع کر دیں، اس لئے اگر اعضاء کی پیوند کاری کا عمل اس بڑی خرابی کا ذریعہ بن رہا ہو تو اضطراری حالت میں جائز ہونے کے باوجود اس پر پابندی لگائی جاسکتی ہے۔^{۳۴} اس لئے فقهاء کے نزدیک اضطراری حالت میں اگرچہ اعضاء کی پیوند کاری جائز ہے لیکن اس کی خرید فروخت کی قطعاً اجازت نہیں دی جاسکتی، جیسا کہ علامہ قرضاوی لکھتے ہیں:

گرددہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

”انسانی اعضاء کا عطیہ تو جائز ہے لیکن اس کی خرید فروخت جائز نہیں ہے، تاکہ انسانی جسم سامان تجارت نہ بن جائے کہ اس کی بے حرمتی لازم آتی ہے، افسوس کی بات ہے کہ بعض غریب ممالک میں انسانی اعضاء کی تجارت زوروں پر ہے۔ غریبوں کو پیسے کا لائچ دے کر یا ان کی بے خبری میں ان اعضاء نکال لئے جاتے ہیں اور مالداروں کو مہنگے داموں فروخت کئے جاتے ہیں، بلاشبہ یہ ایک گھنا و ناجم ہے“^{۳۲}

خلاصہ یہ کہ اصولاً تو انسانی اعضاء کی پیوند کاری اور ان کا استعمال و ابتداں منوع ہے، لیکن بعض شرعی قواعد کے تحت اضطراری حالت میں بقدر ضرورت یہ عمل جائز درج ذیل شرائط کے ساتھ جائز ہے۔

- ۱۔ مریض کی موت یا اس کے کسی عضو کے ضائع ہو جانے کا شدید خطرہ ہو۔
- ۲۔ ماہرین کی رائے یہ ہو کہ انسانی عضو کی پیوند کاری سے مریض کے شفایاب ہونے کی قوی امید ہے اور اس عمل کی کامیابی کا غالب گمان ہے۔
- ۳۔ جس شخص کی لاش سے کوئی عضولیا جا رہا ہو اس کے بارے میں اچھی طرح یقین حاصل کر لیا گیا ہو کہ یہ مر گیا ہے اور اس کے جسم میں زندگی کی کوئی رمق باقی نہیں رہی۔
- ۴۔ اگر زندہ شخص کا کوئی عضو مثلًا گردہ لیا جا رہا ہو، تو اس صورت میں یہ یقین یا غالب گمان حاصل کر لیا گیا ہو کہ اس کی زندگی کو کوئی خطرہ نہیں ہے اور وہ اپنی خوشی سے یہ عطیہ دے رہا ہے۔
- ۵۔ اس بات کا اطمینان حاصل کر لیا گیا ہو کہ اعضاء کی پیوند کاری کا یہ عمل انسانی اعضاء کے کاروبار کا ذریعہ ثابت نہیں ہوگا اور حکومتوں نے اس بارے میں قانون کے ذریعے تمام انسدادی اور احتیاطی تدابیر اختیار کر لی ہوں۔

حوالہ جات

- ۱۔ بخاری، کتاب الطب، باب ما انزل الله داءُ الا انزل الله له شفاء۔
- ۲۔ نسائی، کتاب الزینة، باب من اصیب انفه هل يتخد انفاً من ذهب.
- ۳۔ ابی جعفر احمد بن محمد الطحاوی، شرح معانی الآثار، لاہور، مطبع مجتبائی، ۱۹۸۳ء، کتاب الكراهة، باب التختم بالذهب، ۳۵۰:۲، ۲۹:۲، ۲۹:۲
- ۴۔ جلال الدین عبدالرحمٰن بن ابی بکر السیوطی، الاشباه والنظائر، بیروت، دارالکتب العلمیہ، ۲۰۰۵ء، ۱:۱۳۱ ..
- ۵۔ محمد بن حسین الطوری، تکملہ بحر الرائق، مصر، دارالکتب العربیہ الکبریٰ، کتاب الكراہیہ، فصل فی البیع.
- ۶۔ طاہر بن عبدالرشید، خلاصۃ الفتاویٰ، کوئٹہ، مکتبہ رشیدیہ، کتاب الكراہیہ، فصل فی اللبس.
- ۷۔ شیخ محمد امین الشہیر بابن عابدین، ردالمحتار علی الدرالمختار، مصر، دارالکتب العربیہ الکبریٰ، کتاب الحظر والاباحة، فصل فی اللبس، ۲۵۵:۵، ۲۵۵:۵
- ۸۔ فتاویٰ هندیہ، کتاب الكراہیہ، باب فی التداوى والمعالجات، ۳۵۳:۵، ۳۵۳:۵
- ۹۔ ایضاً، ۳۵۲:۵
- ۱۰۔ یوسف القرضاوی، فتاویٰ، (مترجم سید زاہد اصغر فلاحی) لاہور، دارالنواذر، ۲:۲۲۱

گرده اور دیگر اعضاء کے انتقال

- ١٢۔ علاؤ الدین ابی بکر بن مسعود الکاسانی، بدائع الصنائع، کوئٹہ، مکتبہ رشیدیہ، کتاب الاستحسان، ۱۳۳: ۵، فتاویٰ ۲۱۶: ۲، ۲۱۷: ۲۔
- ١٣۔ زین الدین بن ابراهیم، الشهیر بابن نجیم، الاشیاء والنظائر علی مذہب ابی حنیفہ النعمان، بیروت، دارالكتب العلمیہ، ۱۹۹۹ء، ص، ۷۳۔
- ١٤۔ الحموی، شیخ سید احمد بن محمد المصری، شرح الحموی علی الاشیاء والنظائر لابن نجیم، کراچی، ادارة القرآن والعلوم الاسلامیہ، ۲۰۰۲ء، ۲۰۲: ۱، ایضاً فی الاشیاء والنظائر للسیوطی، ۱۷۲: ۱۔
- ١٥۔ الاشیاء والنظائر لابن نجیم، ص ۷۴۔
- ١٦۔ ایضاً، ص، ۷۶۔
- ١٧۔ مولانا گوہر رحمن، تفہیم المسائل، مردان، مکتبہ تفہیم القرآن، ۱۸۰: ۳، ۱۸۱، ۱۸۰: ۳۔
- ١٨۔ الاشیاء والنظائر لابن النجیم، ص ۶۲۔
- ١٩۔ شیخ زین الدین الشهیر بابن نجیم، البحر الرائق، مصر، دارالكتب العربیۃ الکبری، کتاب البيع، باب البيع الفاسد، ۸۱: ۲۔
- ٢٠۔ خالد سیف اللہ رحمانی، اعضاء کی پیونڈ کاری، جدید فقہی مباحث، کراچی ادارة القرآن، ۲۰۲: ۱، ۲۰۲: ۱۔
- ٢١۔ مفتی کفایت اللہ، کفایت المفتی، ملتان، مکتبہ امدادیہ، کتاب الحضر والاباحة، ۱۳۳: ۹۔
- ٢٢۔ محمد بن حسین بن علی الطوری، تکملہ البحر الرائق، کتاب الكراہیہ، فصل فی البيع، ۲۰۵: ۸۔
- ٢٣۔

گروہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

- ٢٣۔ بدائع الصنائع للكاسانی، کتاب الاکراه، فصل بیان حکم مایقع علیہ الاکراه، ۷: ۷۷۔
- ٢٤۔ شمس الدین السرخسی، کتاب المبسوط، بیروت، دار المعرفة، کتاب الاجارات، باب اجارة الظیر۔
- ٢٥۔ التوبہ، ۹: ۲۸۔
- ٢٦۔ فتاویٰ، ۲: ۲۲۰، ۲۲۱۔
- ٢٧۔ مجاهد الاسلام قاسمی، عصر حاضر کے پیچیدہ مسائل کا شرعی حل، کراچی، ادارۃ القرآن والعلوم الاسلامیہ، ۱۳۲۲ھ، ص ۱۵۷، ۱۵۸۔
- ٢٨۔ مجاهد الاسلام قاسمی، اہم فقہی فیصلے، کراچی، ادارۃ القرآن والعلوم الاسلامیہ، ۱۹۹۹ء، ص ۱۳۔
- ٢٩۔ مجلہ الحجۃ الاسلامیہ، ریاض، بحوالہ تفہیم المسائل، ۳: ۱۸۵۔
- ٣٠۔ مفتی نظام الدین الاعظمی، نظام الفتاویٰ، لاہور، مکتبہ رحمانیہ، ۱: ۳۸۶۔
- ٣١۔ تفہیم المسائل، ۳: ۱۸۷، ۱۸۲۔
- ٣٢۔ فتاویٰ، ۲: ۲۱۹۔

کتابیات

١. بخاری، الامام الحافظ ابی عبد الله، محمد بن اسماعیل، الجامع الصحیح، دھلی، اصح المطابع، ۱۹۳۸ء۔
٢. نسائی، حافظ عبدالرحمن، المجبی من السنن، کراچی قدیمی کتب خانہ۔
٣. ابی جعفر احمد بن محمد الطحاوی، شرح معانی الآثار، لاہور، مطبع مجتبائی، ۱۹۸۳ء۔
٤. جلال الدین عبدالرحمن بن ابی بکر السیوطی، الاشباه والنظائر، بیروت، دارالكتب العلمیہ، ۲۰۰۵ء۔
٥. محمد بن حسین الطوری، تکملہ بحر الرائق، مصر، دارالكتب العربیہ الكبرى.
٦. طاہر بن عبدالرشید، خلاصۃ الفتاوی، کوئٹہ، مکتبہ رشیدیہ۔
٧. شیخ محمد امین الشہیر بابن عابدین، ردالمحتار علی الدرالمحتار، مصر، دارالكتب العربیہ الكبرى.
٨. الشیخ نظام وجماعۃ من علماء الهند، الفتاوی الهندیہ، پشاور، نورانی کتب خانہ۔
٩. علاء الدین ابی بکر بن مسعود الكاسانی، بدائع الصنائع، کوئٹہ، مکتبہ رشیدیہ۔
١٠. زین الدین بن ابراهیم، الشہیر بابن نجیم، الاشباه والنظائر علی مذہب ابی حنیفہ النعمان، بیروت، دارالكتب العلمیہ، ۱۹۹۹ء۔
١١. الحموی، شیخ سید احمد بن محمد المصری، شرح الحموی علی الاشباه والنظائر لابن نجیم، کراچی، ادارۃ القرآن والعلوم الاسلامیہ، ۲۰۰۲ء۔

گردوہ اور دیگر اعضاء کے انتقال

- ۱۲۔ شیخ زین الدین الشہیر بابن نجیم، البحیر الرائق، مصر، دارالکتب العربية الکبریٰ،
- ۱۳۔ مفتی کفایت اللہ، کفایت المفتی، ملٹان، مکتبہ امدادیہ، کتاب الحضر والا باتحة،
- ۱۴۔ مفتی نظام الدین الاعظمی، نظام الفتاویٰ، لاہور، مکتبہ رحمانیہ،
- ۱۵۔ شمس الدین السرخسی، کتاب المبسوط، بیروت، دارالمعرفہ.
- ۱۶۔ مجاہد الاسلام قاسمی، عصر حاضر کے پیچیدہ مسائل کا شرعی حل، کراچی، ادارۃ القرآن والعلوم الاسلامیہ، ۱۴۲۲ھ
- ۱۷۔ اہم فقہی فیصلے، مولانا مجاہد الاسلام قاسمی، اہم فقہی فیصلے، ناشر، ادارۃ القرآن والعلوم الاسلامیہ، کراچی۔
- ۱۸۔ جدید فقہی مباحث، ناشر، ادارۃ القرآن والعلوم الاسلامیہ، کراچی۔
- ۱۹۔ مفتی محمد شفیع، انسانی اعضاء کی پیوند کاری، کراچی، دارالاشاعت، ۱۹۷۲ء
- ۲۰۔ یوسف القرضاوی، فتاویٰ، (مترجم سید زادہ اصغر فلاحی) لاہور، دارالنوادر۔
- ۲۱۔ مولانا گوہر حسن، تفہیم المسائل، مردان، مکتبہ تفہیم القرآن،

ISSN : 1813-775X

The Islamic Culture

Research Quarterly & Refereed Journal

Published by

*Sheikh Zayed Islamic Centre,
University of Karachi*



Vol. No.	: XVI
Year	: 2007
Publisher	: Sheikh Zayed Islamic Centre, : University of Karachi
Telephone No.	: 0092-21-9261080,81
Fax No.	: 0092-21-9261082
E-Mail	: dr.sultani@hotmail.com : sheikhzayed1@hotmail.com
Mailing Address	: Sheikh Zayed Islamic Centre, University of Karachi, University Road, Karachi 75270 PAKISTAN
Composing	: Al Noor Composing Services Email: dr_syedamin@hotmail.com

- D** - All responsibility regarding the opinion presented and accuracy of the subject matter is on the concerned author.
- The Journal is not obliged to return any article or study that is not approved for publishing.

THE EDITORIAL BOARD

Prof. Dr. Pirzada Qasim Raza Siddiqui, Vice-Chancellor, University of Karachi.	Patron
Mr. Amin A. K. Vazir, Director, Sheikh Zayed Islamic Centre, University of Karachi.	Editor-in-Chief
Dr. Syed A. Sultani,	Editor

THE ADVISORY BOARD

Prof. Dr. Hasan A. Lateif Al' Shafie , Former President, International Islamic University, Member, The Arabic Language Authority Cairo, United Republic of Egypt
Prof. Dr. Anwar Hussain Siddiqui , President, International Islamic University, Islamabad
Prof. Dr. Mohammad Akram Chaudhry , Vice Chancellor University of Sargodha, Punjab, Pakistan
Prof. Dr. Zulfaqar Ali Shah , Chairman of North American Islamic Circle, Landarhill, USA.
Prof. Dr. M. Abdush Shaheed Nomani , Chairman, Department of Arabic, University of Karachi.
Prof. Dr. Muhammad Zia-Ul-Haq , Chairman, Department of Islamic Law, Allama Iqbal Open University, Islamabad
Dr. Sahibzada Sajid-ul-Rehman , Editor "Fikr-o-Nazar," Islamic Research Institute, International Islamic University, Islamabad

CONTENTS

- **Fuzzy Logic for the Islamic Knowledge 1**
By. Mr. Amin A. K. Vazir



Fuzzy Logic for the Islamic Knowledge

Amin A.K.Vazir*

1. CRISP RELATION VERSUS FUZZY RELATION

Elements within a set or elements in different sets often have special connections with one another. These connections are actually relationships that we dealt with everyday and that occur in many context.

These relationships in mathematical term are known as “relation”. e.g. the relationships between a business and its telephone number, an employee and his or her salary, a person and a relative and so on. A relation can be considered as a set of tuples, where a tuple is an ordered pair. A binary tuple is denoted as (x, y) , a ternary tuple as (x, y, z) and in general an n -ary tuple as $(x_1, x_2, x_3 \dots x_n)$. As an example, let $X = \{a, b, c\}$ and $Y = \{d, e, f, g, h, i, j\}$, then the relation (binary relation) ‘father of’ on $X \times Y$ may be $\{(a, d), (a, e), (b, f), (b, g), (b, h), (b, i), (c, j)\}$.

Let the relation be a subset of $X_1 \times X_2 \times X_3 \times \dots \times X_n$, then the characteristics function of the relation R assigns a value $\mu_R(x)$ to every x in the domain set $X_1 \times X_2 \times X_3 \times \dots \times X_n$, such that

$$\mu_R(x) = \begin{cases} 1 & \text{for } x \in R \\ 0 & \text{for } x \notin R \end{cases}$$

i.e. $\mu_R: X_1 \times X_2 \times X_3 \times \dots \times X_n \rightarrow \{0, 1\}$

Just as the characteristic function of a crisp set can be generalized to allow for degrees of set membership, the characteristic function of a crisp relation can be generalized to allow tuples to have degrees of membership within the relation. Thus, a fuzzy relation is a fuzzy set defined on the Cartesian product of crisp sets $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$, where tuples $(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n)$ may have varying degrees of membership within the relation. The grade of membership indicates the strength of the relation present between the elements of the tuple.

* Asstt. Prof. (Computer Science), Sheikh Zayed Islamic Centre,
University of Karachi.

Fuzzy Logic for the Islamic Knowledge

Let the relation R be a subset of the Cartesian product $X_1 \times X_2 \times X_3 \times \dots \times X_n$ then the relationship function of the relation R assigns a value $\mu_R(x)$ to every x in the product $X_1 \times X_2 \times X_3 \times \dots \times X_n$ such that

$$\mu_R(x): X_1 \times X_2 \times X_3 \times \dots \times X_n \rightarrow [0, 1]$$

Let $X = 1, 2, 3$, then ‘approximately equal’ is the binary fuzzy relation

$$1/(1,1) + 1/(2,2) + 1/(3,3) + 0.8/(1,2) + 0.8/(2,3) + 0.8/(2,1) + 0.8/(2,1) + 0.8/(3,2) + 0.3/(1,2) + 0.8/(0.3,1)$$

The membership relation μ_R of this relation can be described by

$$\mu_R(x, y) = \begin{cases} 1 & \text{for } x = y \\ 0.8 & \text{for } |x - y| = 1 \\ 0.3 & \text{for } |x - y| = 2 \end{cases}$$

In matrix notation this can be expressed as

	1	2	3
1	1	0.8	0.3
2	0.8	1	0.8
3	0.3	0.8	1

Take another example

Let $X = \{\text{Makkah, Mina}\}$ and

$Y = \{\text{Arafah, Makkah, Muzdalifah}\}$

Let R be a fuzzy relation “far”. This relation can be written as

$$\mu_R(x, y) = 1/(\text{Makkah, Arafah}) + 0/(\text{Makkah, Makkah}) + 0.5/(\text{Makkah, Muzdalifah}) + 0.75/(\text{Mina, Arafah}) + 0.25/(\text{Mina, Makkah}) + 0.25/(\text{Mina, Muzdalifah})$$

which can be expressed in matrix notation as

	Arafah	Makkah	Muzdalifah
Makkah	1	0	0.5
Mina	0.75	0.25	0.25

2. OPERATIONS ON FUZZY RELATIONS

In this section, we will deal with some important operations on fuzzy relations like intersection, union, projection, and cylindrical extension and composition. These relations are very important in

fuzzy logic because they can describe interaction between variables. This is particularly interesting in if-then rules.

2.1. Fuzzy Intersection

Let R and S are binary relations defined on $X \times Y$. The intersection of R and S is defined by

$$\forall (x, y) \in X \times Y: \mu_{R \cap S}(x, y) = \min(\mu_R(x, y), \mu_S(x, y))$$

Example

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

Let R = “x is more muttaqi than y”:

and S = “x is closer to Allāh than y”:

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.4	0	0.9	0.6
x_2	0.9	0.4	0.5	0.7
x_3	0.3	0	0.8	0.5

$$\text{then } R \cap S =$$

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.4	0	0.1	0.6
x_2	0	0.4	0	0
x_3	0.3	0	0.7	0.5

Now if we use the formula,

$$\frac{\mu_R(x, y) \cdot \mu_S(x, y)}{\mu_R(x, y) + \mu_S(x, y) - \mu_R(x, y) \cdot \mu_S(x, y)}$$

then the result is

	y_1	y_2	y_3	y_4	
$R \cap S =$	x_1	0.3636	0	0.0989	0.4773
	x_2	0	0.3636	0	0
	x_3	0.2903	0	0.5957	0.4444

2.2. Fuzzy Union

Let R and S are binary relations defined on $X \times Y$. The union R and S is defined by

$$\forall (x, y) \in X \times Y: \mu_{R \cup S}(x, y) = \max(\mu_R(x, y), \mu_S(x, y))$$

Example

Consider R and S once again

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

Let R = “x is more muttaqi than y”:

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.4	0	0.9	0.6
x_2	0.9	0.4	0.5	0.7
x_3	0.3	0	0.8	0.5

and S = “x is closer to Allāh than y”:

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.4	0	0.1	0.6
x_2	0	0.4	0	0
x_3	0.3	0	0.7	0.5

Now if we use the formula, $\mu_R(x, y) + \mu_S(x, y) - \mu_R(x, y) \cdot \mu_S(x, y)$, then the result is

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.88	1	0.9	0.7
x_2	0.9	0.8	0.5	0.7
x_3	0.9	1	0.8	0.8

2.3. Projection

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

Consider R = “x is more muttaqi than y”:

then the projection of R on X means that x_1 is assigned the highest degree of membership from the tuples (x_1, y_1) , (x_1, y_2) , (x_1, y_3) and (x_1, y_4) , i.e., 1 which is the maximum of the first row.

x_2 is assigned the highest degree of membership from the tuples (x_2, y_1) , (x_2, y_2) , (x_2, y_3) and (x_2, y_4) , i.e., 0.8 which is the maximum of the second row.

x_3 is assigned the highest degree of membership from the tuples (x_3, y_1) , (x_3, y_2) , (x_3, y_3) and (x_3, y_4) , i.e., 1 which is the maximum of the third row.

So one obtains the projection of R on X as

$$\text{Proj } R \text{ on } X = 1/x_1 + 0.8/x_2 + 1/x_3$$

In the same way, the projection on Y can be taken by searching for the maxima of the four columns. This gives the fuzzy set

$$\text{Proj } R \text{ on } Y = 0.9/y_1 + 1/y_2 + 0.7/y_3 + 0.8/y_4$$

2.4. Cylindrical Extension

The projection operation brings a ternary relation back to a binary relation, or a binary relation to a fuzzy set, or a fuzzy set to a single crisp value. The projection operation is almost always used in combination with the cylindrical extension. The cylindrical extension is more or less the opposite of the projection. It extends fuzzy sets to fuzzy binary relations, fuzzy binary relations to fuzzy ternary relations and so on.

Cylindrical extension may be easily understood by the following example:

Let the fuzzy set

$$\text{Proj } R \text{ on } X = 1/x_1 + 0.8/x_2 + 1/x_3 = A$$

then the cylindrical extension of A on the domain $X \times Y$ is given by

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	1	1	1	1
x_2	0.8	0.8	0.8	0.8
x_3	1	1	1	1

Consider the fuzzy set

$$\text{Proj } R \text{ on } Y = 0.9/y_1 + 1/y_2 + 0.7/y_3 + 0.8/y_4 = B$$

then the cylindrical extension of B on the domain $X \times Y$ is given by

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.9	1	0.7	0.8
x_2	0.9	1	0.7	0.8
x_3	0.9	1	0.7	0.8

2.5. Composition

Let R be the relation

$$R = "x \text{ is more muttaqī than } y"$$

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

and suppose it is known that “x is momin”, which can be expressed by the fuzzy set

$$A = 0.3/x_1 + 1/x_2 + 0.8/x_3$$

The combination of the fuzzy relation R and the fuzzy set A, expressed by “x is more muttaqī than y” and “x is small” can be given by the intersection of the relation and the cylindrical extension of A. The cylindrical extension of A into $X \times Y$ is

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.3	0.3	0.3	0.3
x_2	1	1	1	1
x_3	0.8	0.8	0.8	0.8

The intersection of R and Ce(A) is

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.3	0.3	0.1	0.3
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.8	0.8	0.7	0.8

The intersection of fuzzy set and fuzzy relation with the aid of cylindrical extension and then the projection of that intersection is known as composition. The composition operation is denoted by \circ . It is a special kind of fuzzy intersection.

Let A be a fuzzy set defined on X and R be a fuzzy relation defined on $X \times Y$, then the composition of A and R defined on Y , resulting in a fuzzy set B , is given by

$$B = A \circ R = \text{Proj} (\text{Ce}(A) \cap R) \text{ on } Y$$

e.g., consider $R \cap \text{Ce}(A)$ given in the previous topic then the composition of A and R , resulting in B is given by

$$B = 0.8/y_1 + 0.8/y_2 + 0.7/y_3 + 0.8/y_4$$

Similarly if C is a fuzzy set defined on Y and R is a fuzzy relation defined on $X \times Y$, then the composition of C and R defined on X , resulting in a fuzzy set D , is given by

$$D = C \circ R = \text{Proj} (\text{Ce}(C) \cap R) \text{ on } X$$

Let "y is sāleh" is expressed by the fuzzy set

$$C = 0.9/y_1 + 1/y_2 + 0.7/y_3 + 0.8/y_4$$

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

Now

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.9	1	0.7	0.8
x_2	0.9	1	0.7	0.8
x_3	0.9	1	0.7	0.8

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

And therefore

$$D = C \circ R = \text{Proj } (R \cap Ce(C)) \text{ on } X$$

$$= 1/x_1 + 0.8/x_2 + 1/x_3$$

Suppose there are two relations R and S, where R is defined on $X \times Y$ and S is defined on $Y \times Z$. It is of course not possible to take the intersection of R and S, because they are defined on different domains. In this case, one has to extend both relations to $X \times Y \times Z$. When this has happened, one can take the intersection. This intersection has to be Projected onto $X \times Z$. Formally T the intersection of R and S is

$$T = R \circ S = \text{Projection of } (Ce(R) \cap Ce(S)) \text{ on } X \times Z$$

i.e. we have to find the composition of R and S

Compositions of binary fuzzy relations can be performed conveniently in terms of membership matrices of the relations. Let $R = [r_{ik}]_{m \times p}$, $S = [s_{kj}]_{p \times n}$ and $T = [t_{ij}]_{m \times n}$ be membership matrices of binary relations such that
 $T = R \circ S$. We can then write, using this matrix notation,

$$[t_{ij}]_{m \times n} = [r_{ik}]_{m \times p} \circ [s_{kj}]_{p \times n}$$

$$\text{where } t_{ij} = \max \left[\min(r_{i1}, s_{1j}), \min(r_{i2}, s_{2j}), \dots, \min(r_{ip}, s_{pj}) \right]$$

$$\text{or } t_{ij} = \max_k \min(r_{ik}, s_{kj})$$

Let $R = "x$ is more muttaqi than $y"$:

	y_1	y_2	y_3	y_4
x_1	0.8	1	0.1	0.7
x_2	0	0.8	0	0
x_3	0.9	1	0.7	0.8

	z_1	z_2	z_3
y_1	0.4	0.9	0.3
y_2	0	0.4	0
y_3	0.9	0.5	0.8
y_4	0.6	0.7	0.5

and $S = "y \text{ is closer to Allāh than } z"$:

then T , the intersection of R and S can be determined as:

$$\begin{aligned} t_{11} &= \max [\min(r_{11}, s_{11}), \min(r_{12}, s_{21}), \min(r_{13}, s_{31}), \min(r_{14}, s_{41})] \\ &= \max [\min(0.8, 0.4), \min(1, 0), \min(0.1, 0.9), \min(0.7, 0.6)] \\ &= \max [0.4, 0, 0.1, 0.6] = 0.6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t_{12} &= \max [\min(r_{11}, s_{12}), \min(r_{12}, s_{22}), \min(r_{13}, s_{32}), \min(r_{14}, s_{42})] \\ &= \max [\min(0.8, 0.9), \min(1, 0.4), \min(0.1, 0.5), \min(0.7, 0.7)] \\ &= \max [0.8, 0.4, 0.1, 0.7] = 0.8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t_{13} &= \max [\min(r_{11}, s_{13}), \min(r_{12}, s_{23}), \min(r_{13}, s_{33}), \min(r_{14}, s_{43})] \\ &= \max [\min(0.8, 0.3), \min(1, 0), \min(0.1, 0.8), \min(0.7, 0.5)] \\ &= \max [0.3, 0, 0.1, 0.5] = 0.5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t_{21} &= \max [\min(r_{21}, s_{11}), \min(r_{22}, s_{21}), \min(r_{23}, s_{31}), \min(r_{24}, s_{41})] \\ &= \max [\min(0, 0.4), \min(0.8, 0), \min(0, 0.9), \min(0, 0.6)] \\ &= \max [0, 0, 0, 0] = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t_{22} &= \max [\min(r_{21}, s_{12}), \min(r_{22}, s_{22}), \min(r_{23}, s_{32}), \min(r_{24}, s_{42})] \\ &= \max [\min(0, 0.9), \min(0.8, 0.4), \min(0, 0.5), \min(0, 0.7)] \\ &= \max [0, 0.4, 0, 0] = 0.4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t_{23} &= \max [\min(r_{21}, s_{13}), \min(r_{22}, s_{23}), \min(r_{23}, s_{33}), \min(r_{24}, s_{43})] \\ &= \max [\min(0, 0.3), \min(0.8, 0), \min(0, 0.8), \min(0, 0.5)] \\ &= \max [0, 0, 0, 0] = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t_{31} &= \max [\min(r_{31}, s_{11}), \min(r_{32}, s_{21}), \min(r_{33}, s_{31}), \min(r_{34}, s_{41})] \\ &= \max [\min(0.9, 0.4), \min(1, 0), \min(0.7, 0.9), \min(0.8, 0.6)] \\ &= \max [0.4, 0, 0.7, 0.6] = 0.7 \end{aligned}$$

$$t_{32} = \max [\min(r_{31}, s_{12}), \min(r_{32}, s_{22}), \min(r_{33}, s_{32}), \min(r_{34}, s_{42})]$$

$$= \max[\min(0.9, 0.9), \min(1, 0.4), \min(0.7, 0.5), \min(0.8, 0.7)] \\ = \max [0.9, 0.4, 0.5, 0.7] = 0.9$$

$$t_{33} = \max [\min(r_{31}, s_{13}), \min(r_{32}, s_{23}), \min(r_{33}, s_{33}), \min(r_{34}, s_{43})] \\ = \max [\min(0.9, 0.3), \min(1, 0), \min(0.7, 0.8), \min(0.8, 0.5)] \\ = \max [0.3, 0, 0.7, 0.5] = 0.7$$

therefore the intersection

	Z_1	Z_2	Z_3
x_1	0.6	0.8	0.5
x_2	0	0.4	0
x_3	0.7	0.9	0.7

3. FUZZY STATEMENT

A sentence, whose truth value lies in a closed interval $[0, 1]$, is called a fuzzy statement. The truth t , defines a mapping from the set of statements to the set of truth values:

$$t: \{\text{Statement}\} \rightarrow \{\text{Truth Values}\}$$

In classical or Aristotelian logic, truth allows only the two truth values 1 (for true) and 0 (for false), so according to the Classical or Aristotelian logic

$$t: \{\text{Statement}\} \rightarrow \{0, 1\}$$

According to fuzzy logic, on the other hand,

$$t: \{\text{Statement}\} \rightarrow [0, 1]$$

e.g.,

$$t \{ \text{Fārābī is muttaqī} \} = 0.6 \text{ and} \\ t \{ \text{Abu-Talhā is a waliullāh} \} = 0.7$$

are the two fuzzy statements, whose truth values $0.6, 0.7 \in [0, 1]$.

3.1. Negation of a Fuzzy Statement

The negation of a fuzzy statement is formed by placing the word “not” within the original or the given statement. The truth value of the negation can be obtained by a complement function like, ‘ $1 - a$ ’

where a is the truth value of the original statement e.g., “ $t(Fārābī \text{ is not muttaqī}) = 0.4$ ” is the negation of the statement “ $t(Fārābī \text{ is muttaqī}) = 0.6$ ”

3.2. Fuzzy Compound Statement

Fuzzy Compound statements are composed of sub statements and various connectives (\sim, \wedge, \vee etc). The fundamental property of a compound statement is that its truth value is completely determined by the way in which its sub statements are connected to form the compound statement.

3.2.1. Fuzzy Conjunction

A fuzzy conjunction is a fuzzy compound statement formed by combining two simple fuzzy statements using the word “and”. Let

p: $Fārābī$ is muttaqī with $t(p) = 0.6$
 q: Abu-Talhā is a waliullāh with $t(q) = 0.7$

then the conjunction is given by the following with the truth value that can be obtained using an intersection function like ‘ $\min(a, b)$ ’ where a and b are the truth values of the two sub statements p and q .

$$t(p \wedge q) = t(Fārābī \text{ is muttaqī and Abu-Talhā is a waliullāh}) = 0.6$$

3.2.2. Fuzzy Disjunction

A fuzzy disjunction is a fuzzy compound statement formed by combining two simple fuzzy statements using the word “or”. If

p: $Fārābī$ is muttaqī with $t(p) = 0.6$
 q: Abu-Talhā is a waliullāh with $t(q) = 0.7$

then the disjunction is given by the following with the truth value that can be obtained using a union function like ‘ $\max(a, b)$ ’ where a and b are the truth values of the two sub statements p and q .

$$t(p \vee q) = t(Fārābī \text{ is muttaqī or Abu-Talhā is a waliullāh}) = 0.7$$

4. FUZZY PROPOSITION

A fuzzy compound statement $P(p, q, r, \dots)$ of the sub fuzzy statements p, q, r, \dots

is known as fuzzy proposition, if the sub statements are variables.
e.g.

p: X is A (where A is a claim and X is an object and both are variables)

q: Y is B (where Y and B are variables)

These fuzzy atomic propositions p and q can be connected with various connectives like

\sim , \vee , \wedge , \rightarrow etc to form a fuzzy compound proposition.

A conditional fuzzy proposition is expressed as

If X is A then Y is B

where X is A and Y is B are the fuzzy propositions. Each of X is A and Y is B is either an atomic or a compound fuzzy proposition. A conditional fuzzy proposition can be denoted by

X is A \rightarrow Y is B

If each of X is A and Y is B is replaced by a fuzzy statement then a conditional fuzzy statement is obtained, e.g.,

“If Fārābī is muttaqī then he is closed to Allāh”
is a conditional fuzzy statement.

The meaning of Conditional fuzzy proposition and each of its components are given as:

(i) The meaning of “X is A”, called the “rule antecedent”, is represented by a fuzzy set

$$\tilde{A} = \int_x \mu_A(x)/x$$

(ii) The meaning of “Y is B”, called the “rule consequent”, is represented by a fuzzy set

$$\tilde{B} = \int_y \mu_B(y)/y$$

(iii) The meaning of the fuzzy conditional is then a fuzzy relation μ_R such that

$$\forall x \in \chi \forall y \in Y; \mu_R(x, y) = \mu_A(x) * \mu_B(y)$$

where χ and Υ are the domains of X and Y , and $*$ is any fuzzy implication operator that will be discussed in the next section.

5. SOME FUZZY IMPLICATIONS

The truth function for conditional can have many forms. In the following, a number of relations that represent fuzzy implications are given

5.1. Kleene-Dienes or Dienes-Rescher Implication

In section 10, the meaning of the fuzzy conditional is given by the relation

$$\forall x \in \chi \forall y \in \Upsilon: \mu_R(x, y) = \mu_A(x) * \mu_B(y)$$

If the meaning of this relation is considered as “not X is A or Y is B” and the relations fuzzy complement and fuzzy union are taken as “one minus” and “maximum” operations respectively then the meaning of the relation is given as

$$\mu_R(x, y) = \max(1 - \mu_A(x), \mu_B(y))$$

The relation is known as Kleene-Dienes implication or Dienes-Rescher implication. e.g.,

Consider the rule “if X is A then Y is B”, where the meanings of X is A and Y is B are given as

$$\tilde{A} = 0.1/x_1 + 0.4/x_2 + 0.7/x_3 + 1/x_4 \text{ and } \tilde{B} = 0.2/y_1 + 0.5/y_2 + 0.9/y_3$$

The complement of \tilde{A} according to “one minus” operation is

$$\tilde{A}' = 0.9/x_1 + 0.6/x_2 + 0.3/x_3 + 0/x_4$$

Now the union of \tilde{A}' and \tilde{B} first requires the extensions of \tilde{A} and \tilde{B} and then “maximum” operation can be used.

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.9	0.9	0.9
x_2	0.6	0.6	0.6
x_3	0.3	0.3	0.3
x_4	0	0	0

$Ce(\tilde{A}') =$

and $Ce(\tilde{B}) =$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.2	0.5	0.9
x_2	0.2	0.5	0.9
x_3	0.2	0.5	0.9
x_4	0.2	0.5	0.9

The “maximum” operation gives the conditional

$\therefore \mu_R(x, y) = Ce(\tilde{A}') \cup Ce(\tilde{B}) =$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.9	0.9	0.9
x_2	0.6	0.6	0.9
x_3	0.3	0.5	0.9
x_4	0.2	0.5	0.9

5.2. Lukasiewicz Implication

The Lukasiewicz implication is given by the relation

$$\mu_R(x, y) = \min(1, 1 - \mu_A(x) + \mu_B(y))$$

$Ce(\tilde{A}') =$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.9	0.9	0.9
x_2	0.6	0.6	0.6
x_3	0.3	0.3	0.3
x_4	0	0	0

$and Ce(\tilde{B}) =$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.2	0.5	0.9
x_2	0.2	0.5	0.9
x_3	0.2	0.5	0.9
x_4	0.2	0.5	0.9

$\therefore \mu_R(x, y) =$

	y_1	y_2	y_3
x_1	1	1	1
x_2	0.8	1	1
x_3	0.5	0.8	1
x_4	0.2	0.5	0.9

5.3. Zadeh Implication

The zadeh implication is given by the relation

$$\mu_R(x, y) = \max(\min(\mu_A(x), \mu_B(y)), 1 - \mu_A(x))$$

Now

	y_1	y_2	y_3		y_1	y_2	y_3
x_1	0.1	0.1	0.1		0.2	0.5	0.9
x_2	0.4	0.4	0.4		0.2	0.5	0.9
x_3	0.7	0.7	0.7		0.2	0.5	0.9
x_4	1	1	1		0.2	0.5	0.9

\cap

	y_1	y_2	y_3		y_1	y_2	y_3
x_1	0.1	0.1	0.1		0.9	0.9	0.9
x_2	0.2	0.4	0.4		0.6	0.6	0.6
x_3	0.2	0.5	0.7		0.3	0.3	0.3
x_4	0.2	0.5	0.9		0	0	0

, and $Ce(\tilde{A}') =$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.9	0.9	0.9
x_2	0.6	0.6	0.6
x_3	0.3	0.5	0.7
x_4	0.2	0.5	0.9

5.4. Stochastic Implication

The stochastic implication is given by the relation

$$\mu_R(x, y) = \max(1 - \mu_A(x), \mu_A(x) \cdot \mu_B(y))$$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.9	0.9	0.9
x_2	0.6	0.6	0.6
x_3	0.3	0.3	0.3
x_4	0	0	0

$$\text{Ce}(\tilde{A}) \cap \text{Ce}(\tilde{B}) =$$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.02	0.05	0.09
x_2	0.08	0.2	0.36
x_3	0.14	0.35	0.63
x_4	0.2	0.5	0.9

$$\therefore \mu_R(x, y) =$$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.9	0.9	0.9
x_2	0.6	0.6	0.6
x_3	0.3	0.35	0.63
x_4	0.2	0.5	0.9

5.5. Goguen Implication

The goguen implication is given by

$$\mu_R(x, y) = \min(1, \mu_A(x) / \mu_B(y))$$

Applying min between

	y_1	y_2	y_3		y_1	y_2	y_3
x_1	1	1	1	and	0.5	0.2	0.11
x_2	1	1	1	x_1	2	0.8	0.44
x_3	1	1	1	x_2	3.5	1.4	0.77
x_4	1	1	1	x_3	5	2	1.11
				x_4			

we get

$$\therefore \mu_R(x, y) =$$

	y_1	y_2	y_3
x_1	0.5	0.2	0.11
x_2	1	0.8	0.44
x_3	1	1	0.77
x_4	1	1	1

5.6. Gödel Implication

The Gödel implication is given by

$$\mu_R(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{if } \mu_A(x) \leq \mu_B(y) \\ \mu_B(y), & \text{otherwise} \end{cases}$$

For

	y_1	y_2	y_3		y_1	y_2	y_3	
$Ce(\tilde{A}) =$	x_1	0.1	0.1	0.1	$Ce(\tilde{B}) =$	0.2	0.5	0.9
	x_2	0.4	0.4	0.4		0.2	0.5	0.9
	x_3	0.7	0.7	0.7		0.2	0.5	0.9
	x_4	1	1	1		0.2	0.5	0.9

	y_1	y_2	y_3
$\therefore \mu_R(x, y) =$	x_1	1	1
	x_2	0.2	1
	x_3	0.2	0.5
	x_4	0.2	0.5

5.7. Sharp Implication

The sharp implication is given by

$$\mu_R(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{if } \mu_A(x) \leq \mu_B(y) \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$

For

$$Ce(\tilde{A}) = \begin{array}{c|ccc} & y_1 & y_2 & y_3 \\ \hline x_1 & 0.1 & 0.1 & 0.1 \\ x_2 & 0.4 & 0.4 & 0.4 \\ x_3 & 0.7 & 0.7 & 0.7 \\ x_4 & 1 & 1 & 1 \end{array} \quad \text{and} \quad Ce(\tilde{B}) = \begin{array}{c|ccc} & y_1 & y_2 & y_3 \\ \hline x_1 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \\ x_2 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \\ x_3 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \\ x_4 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \end{array}$$

$$\therefore \mu_R(x, y) = \begin{array}{c|ccc} & y_1 & y_2 & y_3 \\ \hline x_1 & 1 & 1 & 1 \\ x_2 & 0 & 1 & 1 \\ x_3 & 0 & 0 & 1 \\ x_4 & 0 & 0 & 0 \end{array}$$

5.8. Mamdani Implication

The Mamdani implication is given by the relation

$$\mu_R(x, y) = \min(\mu_A(x), \mu_B(y))$$

For

$$Ce(\tilde{A}) = \begin{array}{c|ccc} & y_1 & y_2 & y_3 \\ \hline x_1 & 0.1 & 0.1 & 0.1 \\ x_2 & 0.4 & 0.4 & 0.4 \\ x_3 & 0.7 & 0.7 & 0.7 \\ x_4 & 1 & 1 & 1 \end{array} \quad \text{and} \quad Ce(\tilde{B}) = \begin{array}{c|ccc} & y_1 & y_2 & y_3 \\ \hline x_1 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \\ x_2 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \\ x_3 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \\ x_4 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \end{array}$$

$$\therefore \mu_R(x, y) = \begin{array}{c|ccc} & y_1 & y_2 & y_3 \\ \hline x_1 & 0.1 & 0.1 & 0.1 \\ x_2 & 0.2 & 0.4 & 0.4 \\ x_3 & 0.2 & 0.5 & 0.7 \\ x_4 & 0.2 & 0.5 & 0.9 \end{array}$$

6. BI-CONDITIONAL FUZZY PROPOSITION AND LOGICAL EQUIVALENCE

Statements A and B are logically equivalent or $A=B$ if and only if A implies B and B implies A. The Lukasiewics equivalence has the form

$$t_L(A = B) = 1 - |t(A) - t(B)|$$

So two fuzzy statements A and B are (100%) equivalent if and only if they have the same truth values:

$$t(A) = t(B)$$

7. FUZZY ARGUMENT

Inference rules in classical logic are based on the various tautologies. These are *Modus Ponens*, *Modus Tollens*, *Hypothetical Syllogism*, *Disjunctive Syllogism*, *Constructive Dilemma*, *Absorption*, *Simplification*, *Conjunction* and *Addition*. These tautologies are known as “Rules of Inference” and are the elementary valid argument forms, whose validity is easily established by truth tables. They can be used to construct formal proofs of validity for a wide range of more complicated arguments. These inference rules can be generalized within the framework of fuzzy logic to facilitate approximate reasoning, e.g., for the *Generalized Modus Ponens*, we follow the following procedure

Let R is a fuzzy relation in $X \times Y$. Let P and Q are fuzzy sets on X and Y respectively, then if R and P are given, we can compute Q by the equation

$$Q(y) = \sup_{x \in X} \min[P(x), R(x, y)]$$

for all $y \in Y$. This equation can also be written in the matrix notation as follows and is known as “*Compositional Rule of Inference*”.

$$Q = P \circ R$$

Let X is A: ruler is momin

Y is B: judiciary is impartial

Z is C: public is happy

where the meanings of “X is A”, “Y is B” and “Z is C” are given as

$$\bar{A} = 0.5/x_1 + 1/x_2 + 0.6/x_3, \bar{B} = 1/y_1 + 0.4/y_2, \bar{C} = 0.2/z_1 + 1/z_2$$

Then the three generalized inference rules, i.e., *Generalized Modus Ponens*, *Generalized Modus Tollens*, and *Generalized*

Hypothetical Syllogism, based on the “*Compositional Rule of Inference*”, are described below:

7.1. Generalized Modus Ponens

The argument of the type “If X is A then Y is B, X is P, therefore Y is Q” is in Generalized Modus Ponens form where the meaning of “X is P” is $\tilde{P} = 0.6/x_1 + 0.9/x_2 + 0.7/x_3$. The Generalized Modus Ponens can also be written as:

$$\begin{array}{c} \text{If } X \text{ is } A \text{ then } Y \text{ is } B \\ \text{X is } P \\ \hline \text{therefore } Y \text{ is } Q \end{array}$$

Now it is required to compute the conclusion “Y is Q”. The procedure of the computation is given below

The cylindrical extensions of \tilde{A}' , \tilde{B} and \tilde{P} are

$$Ce(\tilde{A}') = \begin{array}{c|cc} & y_1 & y_2 \\ \hline x_1 & 0.5 & 0.5 \\ x_2 & 0 & 0 \\ x_3 & 0.4 & 0.4 \end{array}$$

$$Ce(\tilde{B}) = \begin{array}{c|cc} & y_1 & y_2 \\ \hline x_1 & 1 & 0.4 \\ x_2 & 1 & 0.4 \\ x_3 & 1 & 0.4 \end{array}$$

and

$$Ce(\tilde{P}) = \begin{array}{c|cc} & y_1 & y_2 \\ \hline x_1 & 0.6 & 0.6 \\ x_2 & 0.9 & 0.9 \\ x_3 & 0.7 & 0.7 \end{array}$$

Using Lukasiewicz implication

$$Ce(\tilde{A}') \vee Ce(\tilde{B}) = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 1 & 0.9 \\ x_2 & 1 & 0.4 \\ x_3 & 1 & 0.8 \end{array}$$

$$[Ce(\tilde{A}') \vee Ce(\tilde{B})] \wedge Ce(\tilde{P}) = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 1 & 0.9 \\ x_2 & 1 & 0.4 \\ x_3 & 1 & 0.8 \end{array} = Ce(\tilde{Q})$$

The projection of $Ce(\tilde{Q})$ on y gives

$$\tilde{Q} = 0.9/y_1 + 0.7/y_2$$

7.2. Generalized Modus Tollens

The argument of the type “If X is A then Y is B , Y is Q , therefore X is P ” is in Generalized Modus Tollens form where the meaning of “ Y is Q ” is $\tilde{Q} = 0.9/y_1 + 0.7/y_2$. The Generalized Modus Tollens can also be written as:

$$\frac{\begin{array}{c} \text{If } X \text{ is } A \text{ then } Y \text{ is } B \\ \text{Y is } Q \end{array}}{\text{therefore } X \text{ is } P}$$

Now it is required to compute the conclusion “ X is P ”. The procedure of the computation is given below

The cylindrical extensions of \tilde{A}' , \tilde{B} and \tilde{Q} are

$$Ce(\tilde{A}') = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 0.5 & 0.5 \\ x_2 & 0 & 0 \\ x_3 & 0.4 & 0.4 \end{array}$$

$$Ce(\bar{B}) = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 1 & 0.4 \\ x_2 & 1 & 0.4 \\ x_3 & 1 & 0.4 \end{array}$$

and

$$Ce(\tilde{Q}) = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 0.9 & 0.7 \\ x_2 & 0.9 & 0.7 \\ x_3 & 0.9 & 0.7 \end{array}$$

Using Lukasiewicz implication

$$Ce(\tilde{A}') \vee Ce(\bar{B}) = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 1 & 0.9 \\ x_2 & 1 & 0.4 \\ x_3 & 1 & 0.8 \end{array}$$

$$[Ce(\tilde{A}') \vee Ce(\bar{B})] \wedge Ce(\tilde{Q}) = \begin{array}{c} y_1 \quad y_2 \\ \hline x_1 & 0.9 & 0.7 \\ x_2 & 0.9 & 0.4 \\ x_3 & 0.9 & 0.7 \end{array} = Ce(\tilde{P})$$

The projection of $Ce(\tilde{P})$ on x gives

$$\tilde{P} = 0.9/x_1 + 0.9/x_2 + 0.9/x_3$$

7.3. Generalized Hypothetical Syllogism

The argument of the type "If X is A then Y is B , if Y is B then Z is C , therefore if X is A then Z is C " is in Generalized Hypothetical Syllogism form. The Generalized Hypothetical Syllogism can also be written as:

If X is A then Y is B
 if Y is B then Z is C
 therefore if X is A then Z is C

Now it is required to compute $\mu_{R1}(x, y)$, $\mu_{R2}(x, y)$ and $\mu_{R3}(x, y)$. The Generalized Hypothetical Syllogism holds if $\mu_{R3}(x, y) = \mu_{R1}(x, y) \circ \mu_{R2}(x, y)$. The procedure of the computation is given below

The cylindrical extensions of \tilde{A} and \tilde{B} are

	y_1	y_2
x_1	0.5	0.5
x_2	1	1
x_3	0.6	0.6

and

	y_1	y_2
x_1	1	0.4
x_2	1	0.4
x_3	1	0.4

Using Gödel implication

	y_1	y_2
x_1	1	0.4
x_2	1	0.4
x_3	1	0.4

The cylindrical extensions of \tilde{B} and \tilde{C} are

	z_1	z_2
y_1	1	1
y_2	0.4	0.4

and

$$Ce(\tilde{C}) = \begin{array}{c|cc} & z_1 & z_2 \\ \begin{matrix} y_1 \\ y_2 \end{matrix} & \begin{array}{|c|c|} \hline & 0.2 & 1 \\ \hline 0.2 & 0.2 & 1 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

Using Gödel implication

$$\mu_{R2}(x, y) = \begin{array}{c|cc} & z_1 & z_2 \\ \begin{matrix} y_1 \\ y_2 \end{matrix} & \begin{array}{|c|c|} \hline & 0.2 & 1 \\ \hline 0.2 & 0.2 & 1 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

The cylindrical extensions of \tilde{A} and \tilde{C} are

$$Ce(\tilde{A}) = \begin{array}{c|cc} & z_1 & z_2 \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{matrix} & \begin{array}{|c|c|} \hline & 0.5 & 0.5 \\ \hline 1 & 1 & 1 \\ \hline 0.6 & 0.6 & 0.6 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

and

$$Ce(\tilde{C}) = \begin{array}{c|cc} & z_1 & z_2 \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{matrix} & \begin{array}{|c|c|} \hline & 1 & 0.4 \\ \hline 1 & 1 & 0.4 \\ \hline 1 & 1 & 0.4 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

Using Gödel implication

$$\mu_{R3}(x, y) = \begin{array}{c|cc} & z_1 & z_2 \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{matrix} & \begin{array}{|c|c|} \hline & 0.2 & 1 \\ \hline 0.2 & 0.2 & 1 \\ \hline 0.2 & 0.2 & 1 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$\text{Now } \mu_{R1}(x, y) \circ \mu_{R2}(x, y) = \begin{array}{c|cc} & z_1 & z_2 \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{matrix} & \begin{array}{|c|c|} \hline & 0.2 & 1 \\ \hline 0.2 & 0.2 & 1 \\ \hline 0.2 & 0.2 & 1 \\ \hline \end{array} \end{array} = \mu_{R3}(x, y)$$

Therefore the Generalized Hypothetical Syllogism holds

References

1. Klir, George J., Yuan, Bo(1997). *Fuzzy Sets and Fuzzy Logic, Theory and Applications*, New Delhi-110001: Prentice Hall of India(Pvt. Ltd.)
2. Driankov, D., Hellendoorn, H., Reinfrank, M..(1997). *An Introduction to Fuzzy Control*, New Delhi-110 017: Narosa Publishing House
3. Altrock, Constantin Von(1995). *Fuzzy Logic & Neurofuzzy Applications Explained*, New Jersey 07458: Prentice Hall PTR
4. Kosko, Bart(1997). *Fuzzy Engineering*, New Jersey 07458: Prentice Hall, Inc.
5. Bandemer, Hans. *Fuzzy Sets, Fuzzy Logic & Fuzzy Methods with Applications*: John Wiley & Sons Ltd.
6. Rodabaugh S.N. *Application of Category Theory to Fuzzy Subjects* : Kluwer Academic Publishers.
7. Sessa, Dinola A.Z. *Fuzzy Relational Equations & their Application to Knowledge Engineer*”, Kluwer Academic Publishers.
8. Mc Harris, Brown. *Neurofuzzy Adaptive Modelling & Control* : Prentice Hall.
9. Gersting, Judith L.(1986). *Mathematical Structures for Computer Science*, New York: W.H. Freeman and Company.
10. Rosen, Kenneth H.(2000). *Discrete Mathematics and its Applications*, Boston: WCB McGraw-Hill.
11. Yen, John., Langari, Reza.(1999). *Fuzzy Logic-Intelligence, Control and Information*, New Delhi-110 017: Pearson Education,Inc.
12. Pratt, Ian (1994). *Artificial Intelligence*, London: The Macmillan Press Ltd.
13. Copi, Irving M. and Cohen, Carl (1997). *Introduction to Logic*, New Delhi: Prentice- Hall of India (Private Limited).
14. Lipschutz, Seymour (1982). *Essential Computer Mathematics*, New York: McGraw- Hill Books Company.
15. Lipschutz, Seymour (1981). *Set theory*, Singapore: McGraw-Hill International Books Company.

16. Ayub, Allama Hafiz Muhammad. *Maqālāt-e-Ayyubi* (*Volume 1*), Karachi: Maktaba-e-Rāzi.
17. Ayub, Allama Hafiz Muhammad. *Maqālāt-e-Ayyubi* (*Volume 3*), Karachi: Maktaba-e-Rāzi.